***Exercice 1***

1. Déroulez les procédures récursives suivantes pour k=6 :

**Procédure test (↓k : entier)**

Début

Si (k>0) alors **test (k-1);**

 Écrire (k);

fsi;**Fin;**

**Procédure essai (↓k : entier)**

Début

Si (k>0) alors Écrire (k);

 **essai (k-1) ;**

fsi ;**Fin ;**

**Déroulement :** Appel de la **Procédure Test** (6)

6eme Appel 7eme appel

5ème appel

4ème appel

 3ème appel

2ème appel

1èr appel

k=2

k=3

k=55

k=4

 **k=1 k=0**

k=6

****

Ecrire (1)

Ecrire (2)

Ecrire (3)

Ecrire (4)

Ecrire (5)

Ecrire (6)

##### Schéma d'exécution de la procédure récursive (test(6))

Résultat du déroulement : On affiche le contenu lors de la **remontée** et on aura sur écran:

**1 2 3 4 5 6**

**Déroulement : Appel de la Procédure essai(6)**

**Schéma d’exécution e**n utilisant un tableau exécution de Essaai(6)

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| Niveau de récursivité | Appel Exécuté |  Valeur retournéeDescente |
| 0 | Essai (6) | Ecrire (6) |
| 1 | Essai (5) | Ecrire (5) |
| 2 | Essai (4) | Ecrire (4) |
| 3 | Essai (3)  | Ecrire (3) |
| 4 | Essai (2) | Ecrire (2) |
| 5 | Essai (1) | Ecrire (1) |
| 6 | Essai (0) | Cond terminalePoint d’arrêtPoint d’appui |

Schéma d'exécution de la procédure récursive (essai(6))

Résultat du déroulement : On affiche le contenu lors de la **descente** et on aura sur écran :

**6 5 4 3 2 1**

1. L’affichage est croisant pour la procédure **test** car la récursivité est non terminale. Par contre il est décroissant dans la procédure **essai** car la récursivité est terminale
2. **Procédure** tester (↓n:entier)

**Début**

**Si** (n>0) **alors** tester (n/2) ;

Écrire (nmod2) ;

 **fsi;fin**

**Déroulement : Appel de la Procédure tester(19)**

R

emontée

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Niveau de récursivité | Appel Exécuté | Valeur à calculerDescente | Valeur retournée |
| 0 | Tester (19) | ecrire (1) | 0 |
| 1 | Tester (9) | ecrire (1) | 1 |
| 2 | Tester (4) | ecrire (0) | 0 |
| 3 | Tester (2)  | ecrire (0) | 0 |
| 4 | Tester (1) | ecrire (1) | 1 |
| 5 | Tester (0) | Cond terminalePoint d’arrêtPoint d’appui |  |

Schéma d'exécution de la procédure récursive (tester(19))

Résultat du déroulement : On affiche le contenu lors de la **remontée** et on aura sur écran:

**10011.**

**Nous remarque 10011 n’est que 19 en binaire.**

**Déroulement : Appel de la Procédure tester(13)**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
|  Niveau de récursivité | Appel Exécuté | Valeur à calculerDescente | Valeur retournéeRemontée |
| 0 | Tester (13) | ecrire (1) | 1 |
| 1 | Tester (6) | ecrire (0) | 0 |
| 2 | Tester (3) | ecrire (1) | 1 |
| 3 | Tester (1)  | ecrire (1) | 1 |
| 4 | Tester (0) | Cond terminalePoint d’arrêtPoint d’appui |  |

Schéma d'exécution de la procédure récursive (tester(13))

Résultat du déroulement : On affiche le contenu lors de la **remontée** et on aura sur écran:

**1101.**

**Nous remarque 1101 n’est que 13 en binaire.**

La procédure tester est **non terminale**

1. Déroulez la fonction récursive suivante et dites ce qu’elle fait

fonction produit (n:entier, x :entier) : entier

Début

si (n > 0) alors

 ecrire("avant appel", n,x);

 produit 🡨 produit(n - 1, x) + x;

 ecrire ("apres appel :" , n,x);}

sinon

 produit 🡨 0;

fsi, fin

**Début**

 **n = 8, x = 5;**

 écrire (n, ’\*’, x, ‘=’,produit**(n, x));**

fin.

1er appel de la fonction Produit (8,5);

1er Appel 2eme Ap 3eme Ap 4eme Ap 5eme Ap 6eme Appel 7eme Appel 8eme Appel 9eme Appel

 n=8,x=5 n=7,x=5 n=6,x=5 n=5,x=5 n=4,x=5 n=3,x=5 n=2,x=5 n=1,x=5 n=0,x=5

Produit 🡨 0

Produit 🡨

0+5=5

Fin

Produit🡨 5+5=10

Fin

Produit🡨 10+5=15

Fin

Produit🡨 15+5=20

Fin

Produit 🡨

20+5=25

Fin

Produit 🡨

25+5=30

Fin

Produit 🡨

30+5=35

Fin

Produit 🡨

35+5=40

Fin

Schéma d'exécution de la fonction récursive (produit(8,5))

Le résultat de l’exécution en C de la fonction récursive (produit(8,5)) est donné dans la figure ci-dessus



Résultat du déroulement : On affiche le contenu lors de la **remontée** et on aura sur écran : **40**

La fonction fait le produit de n\*x.

Nous remarquons que l’instruction ecrire ("apres appel :" , n,x); dans la fonction produit n’est jamais exécutée.

***Exercice 2***

1. Écrire une fonction itérative qui renvoie le reste de la division euclidienne d'un entier a par un entier b en utilisant les soustractions successives.

Fonction q\_it (a,b :entier) :entier

Début

S :entier ;

S🡨0 ;

Tque a≤b faire

a🡨a-b ;

s🡨 s+1 ;

ftque

q\_it 🡨s ;

fin

1. Donner la fonction récursive correspondante.

Fonction q\_rec (a,b :entier) :entier

Début

Si a<b alors q\_rec 🡨0 ;

 Sinon

 q\_rec 🡨 q\_rec (a-b,b)+1 ;

fsi ;fin

Exemple : a=8 et b=3

R

emontée

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Niveau de récursivité | Appel Exécuté | Valeur à calculerDescente | Valeur retournée |
| 0 | q\_rec(8,3) | 1+q\_rec(5,3) | 1 + 1 = 2 |
| 1 | q\_rec(5,3) | 1+q\_rec(2,3) | 1+ 0 = 1 |
| 2 | q\_rec(2 ,3) | Cond terminalePoint d’arrêtPoint d’appui | 0 |

Schéma d'exécution de la fonction récursive (q\_rec(8,3))

Résultat du déroulement : On affiche le contenu lors de la **remontée** et on aura : **2**

Il s’agit d’une fonction non terminale, donc il y a une descente et une remontée.

Une fois avoir atteint le point d’arrêt, on remonte pour effectuer les calculs (flèches en rouges).